

Funktionssynthese

Übungsaufgaben Funktionssynthese

1. Ermitteln Sie die Funktionsgleichung der ganzrationalen Funktion 3. Grades, die eine Nullstelle bei $x_1 = 2$, eine Wendestelle bei $x_2 = 4/3$, die y-Achse bei 4 in einem Maximum schneidet.
2. Der Graph der Funktion 4. Grades ist symmetrisch zu y-Achse und hat jeweils ein Extremum bei $(0 | 2)$ und bei $(1 | 0)$.

Begriffserklärung zum Mathematikbuch Pfeffer Auflage 7:

Begriff aus Buch	Unsere Bedeutung
Flachpunkt	Sattelpunkt
Abszisse	x-Achse
Wendetangente	Tangente im Wendepunkt

Hinweise, welche Gleichungen aus den Eigenschaften erstellt werden können:

(nur zum Üben NICHT für die Formelsammlung):

Eigenschaft	mathematische Bedingung
Extremum ¹⁾ in x_E	$f'(x_E) = 0$
Wendepunkt in $W(x_W, y_W)$	$f''(x_W) = 0$ und $f(x_W) = y_W$
Nullstelle bei x_N	$f(x_N) = 0$
Punkt $P(x_p, y_p)$ auf $f(x)$	$f(x_p) = y_p$
Tangente $t(x) = m_t x + b$ bei x_t	$f'(x_t) = m_t$ und $f(x_t) = y_t$
Tangente $t(x)$ im Punkt $P(x_p, y_p)$ ist parallel zur Geraden $g(x) = m_g x + b$	$f'(x_p) = m_g$ und $f(x_p) = y_p$
$f(x)$ schneidet die Gerade $g(x) = m_g x + b$ auf der y-Achse	$f(0) = b$
Wendetangente $t(x) = m_t x + b$ bei x_W	$f''(x_W) = 0$ und $f'(x_W) = m_t$

Hinweis: $t(x_t)$ ist ein eigens zu berechnender Wert!

1)

Extremum: Hochpunkt oder Tiefpunkt

From:
<https://www.kopfload.de/> - kopfload - Lad Dein Hirn auf!

Permanent link:
https://www.kopfload.de/doku.php?id=lager:mathe:differential:funkt_synthese&rev=1416858114

Last update: 2025/11/19 16:13

