

Die Darstellung der Formeln ist nicht optimal, daher kann hier ein [PDF heruntergeladen](#) werden.

Faktorisieren

Erklärung

Unter Faktorisieren versteht man das Ausklammern von gemeinsamen Faktoren. Eine ganze Zahl kann immer in einem Produkt aus mehreren Faktoren dargestellt werden.

Beispiel: $24 = 2 * 2 * 2 * 3$

Dabei sind die Faktor 2 und 3 nur noch durch 1 und sich selbst teilbar. Sie werden auch **Primzahlen** genannt. Möchte man einen Term faktorisieren sucht man von allen Zahlen die gemeinsamen Primzahlen und bildet daraus den Faktor, den man ausklammern kann.

Beispiel: $24x + 15y =$

$24 = 2 * 2 * 2 * 3$

$15 = 3 * 5$

In 24 und 15 kommt die 3 vor, diese kann demnach ausgeklammert werden. Bei 24 bleibt noch $2 * 2 * 2 = 8$ übrig und bei 15 nur noch die 5 selbst.

Also: $24x + 15y = 3(8x + 5y)$

Wenn nur Variablen vorkommen, so können auch hier die gemeinsamen Faktoren (in dem Fall Variablen) ausgeklammert werden.

Beispiel: $a^2 b^4 + 3 b^3 =$

$a^2 b^4 = a * a * b * b * b * b$

$3 b^3 = 3 * b * b * b$

Der Faktor $b * b * b$ ist in beiden Termen enthalten und kann somit ausgeklammert werden.

$a^2 b^4 + 3 b^3 = b^3 (a^2 b + 3)$

Übungsaufgaben Faktorisieren

Faktorisieren Sie so weit wie möglich:¹⁾

Aufgabe	Ergebnis	
Aufgabe 1		
a) $8a - 12b =$		
b) $15m - 9n =$		

Aufgabe	Ergebnis	
c) $22x - 11 =$		
Aufgabe 2		
a) $ab - ac =$		
b) $pq + qr =$		
c) y	$2 - xy =$	
Aufgabe 3		
a) $15ab - 25a =$		
b) $27pq + 36p =$		
c) $21xy - 7y =$		
Aufgabe 4		
a) $21a$	$2 - 24a =$	
b) $45x$	$2 - 36x =$	
c) $20y + 28y$	$2 =$	
Aufgabe 5		
a) $16a$	$2b - 24ab$	$2 =$
b) $42x$	$2y$	$2 - 49xy =$
Aufgabe 6		
a) $18ax - 12 ay + 24 az =$		
b) $14 xy$	$2 - 21 x$	$2y + 7xy =$
Aufgabe 7		
a) $a (p+q) + b (p + q) =$		
b) $m (x+y) - n (x+y) =$		
Aufgabe 8		
a) $a(c-d) + (c-d) =$		
b) $p (r+s)-u(-r-s) =$		
Aufgabe 9		
a) $(m-n) - m+n =$		
b) $pr + qr + ps + qs =$		
Aufgabe 10		
a) $3ac + 6bc + ad + 2bd =$		
b) a	$3 + ab - 2a$	$2 - 2b =$

Binomische Formeln

Hinweis zu den Herleitungen: Bei den Herleitungen wird jeweils schrittweise ausgeklammert und anschließend werden die gleichen Terme zusammengefasst.

1. Binomische Formel

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$\text{Herleitung: } (a + b)^2 = (a + b) (a + b) = a a + a b + b a + b b = a^2 + 2 ab + b^2$$

Erklärung: Zunächst wird die Potenz 2 als Produkt der Klammer aufgelöst. Im Anschluss wird die erste Variable der vorderen Klammer mit allen Variablen der hinteren Klammer multipliziert und mit dem entsprechenden Vorzeichen (hier immer +) aufaddiert ($a * a + a * b$). Das Gleiche wird mit der zweiten Variable der ersten Klammer und allen Variablen der hinteren Klammer getan ($b * a + b * b$). Nun kann zusammen gefasst ($a * b + b * a = 2 a * b$) bzw. vereinfacht ($a a = a^2$ bzw. $b * b = b^2$) werden.

2. Binomische Formel

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

Herleitung: $(a - b)^2 = (a - b) (a - b) = a a - a b - b a + b b = a^2 - 2 ab + b^2$

Erklärung: Die Vorgehensweise ist dieselbe wie bei der ersten Binomischen Formel. Allerdings ist auf das Vorzeichen der Variablen zu achten.

3. Binomische Formel

$$a^2 - b^2 = (a - b) (a + b)$$

Herleitung: $(a - b) (a + b) = a a + a b - b a - b b = a^2 - b^2$

Erklärung: Die Vorgehensweise ist dieselbe wie bei den ersten beiden Binomischen Formel. Die beiden mittleren Terme heben sich gegenseitig auf, so dass die beiden quadratischen Terme übrig bleiben.

Übungsaufgaben Binomische Formeln

Vereinfachen Sie die Ausdrücke, indem Sie die binomischen Formeln anwenden:

Aufgabe	Ergebnis			
Aufgabe 11				
a) a	$2 - 25 =$			
b) m	$2 - 1 =$			
c) $1 - p$	$2 =$			
Aufgabe 12				
a) $9a$	$2 - 4b$	$2 =$		
b) $49p$	$2 - 64q$	$2 =$		
c) u	$2v$	$2 - 1 =$		
Aufgabe 13				
a) a	$2 - a$	$4 =$		
b) $-9b$	$4 + 4a$	$2 =$		
c) x	$4 y$	$4 - z$	$4 =$	
Aufgabe 14				
a) a	$2 + 10 a + 25 =$			

Aufgabe	Ergebnis			
b) $\langle m \rangle y$	$2 - 2y + 1 = \langle /m \rangle$			
Aufgabe 15				
a) $\langle m \rangle 9 - 24b + 16b$	$2 = \langle /m \rangle$			
b) $\langle m \rangle x$	$2 + 10x + 16 = \langle /m \rangle$			
Aufgabe 16				
a) $\langle m \rangle 4a$	$2 - 10ax + 9x$	$2 = \langle /m \rangle$		
b) $\langle m \rangle 120a$	$2b + 144a$	$2 + 25a$	$2b$	$2 = \langle /m \rangle$
Aufgabe 17				
a) $\langle m \rangle 9a$	$4 - 12a$	$2 + 4 = \langle /m \rangle$		
b) $\langle m \rangle 3x$	$2 + 52x + 147 = \langle /m \rangle$			
Aufgabe 18				
a) $\langle m \rangle a$	$2 + 8a + 15 = \langle /m \rangle$			
b) $\langle m \rangle b$	$2 - 7b + 10 = \langle /m \rangle$			
Aufgabe 19				
a) $\langle m \rangle q$	$2 - 8q - 9 = \langle /m \rangle$			
b) $\langle m \rangle m$	$2 + 5mn - 24n$	$2 = \langle /m \rangle$		
Aufgabe 20				
a) $\langle m \rangle 14m$	$2 - 9mn + n$	$2 = \langle /m \rangle$		
b) $\langle m \rangle 2x$	$2z + 6xyz - 8y$	$2z = \langle /m \rangle$		

1)

Urheber aller Aufgaben: U. Niedermeyer

From: <https://www.kopfload.de/> - kopfload - Lad Dein Hirn auf!

Permanent link: https://www.kopfload.de/doku.php?id=lager:mathe:start:binom_formel&rev=1410883068

Last update: 2025/11/19 16:13

